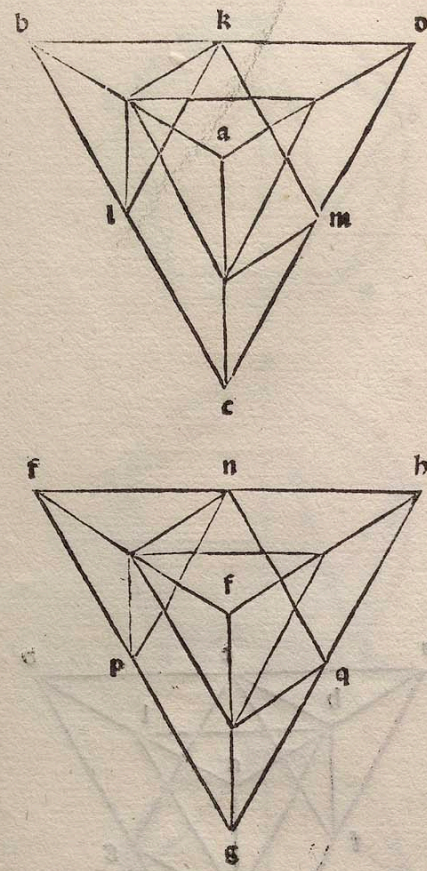




pyramidū piter accepta ad cūcta seratilia q̄ i altera piramide fuerit in eādē h̄re p̄portione q̄z b̄as ei⁹ pyramidis ad b̄as alteri⁹ pyramidis. ¶ Sint due pyramidē quaz b̄as triangule eque alte hec quidē a. b. c. d. cuius co- nus punctus a. b̄as triangulus. b. c. d. p̄pothēsis. a. b. a. c. a. d. illa vero. e. f. g. h. cuius conus punctus e. b̄as triangulus. f. g. h. p̄pothēsis. e. f. e. g. e. h. hec autē due pyramidē diuidant sicut in p̄missa. Sintqz b̄as eaz diuise hec quidē p̄o- tractis lineis latera b̄as ipsius per equalia diuidentibus que sint. k. l. z. k. m. illa vero p̄tractis lineis que sint. n. p. n. q. dico ergo qz p̄portio b̄as. b. c. d. ad b̄as f. g. h. est sicut duoz seratiliū pyramidis. a. pariter acceptoz ad duo seratilia pira- midis. e. pariter accepta. ¶ Manifestū est autē ex. 18. sexti p̄te scda qz p̄portio trian- guli. b. c. d. ad triangulū. k. m. d. ē sicut lineē. b. d. ad lineā. k. d. duplicata p̄ eandē quoqz ē p̄portio trianguli. f. g. h. ad triangulū. n. q. b. sicut lineē. f. h. ad lineā. n. b. duplicata. Lūqz sit lineā. b. d. ad lineā. k. d. sicut lineā. f. h. ad lineā. n. b. utrobizqz enī ē dupla p̄portio erit triangulus. b. c. d. ad triangulū. k. m. d. sicut triangulus. f. g. h. ad triangulū. n. q. b. z p̄mutatim triangulus. b. c. d. ad triangulū. f. g. h. sicut triangulus. k. m. d. ad triangulū. n. q. b. triangulus autē. k. m. d. ad triangulū. n. q. b. ē sicut seratile existens super ipsū ad seratile exis sup illū p. 33. vndecimi huius quoqz seratilis ad illud ē sicut amboz seratiliū pyramidis. a. p̄ter acceptoz ad am- bo seratilia pyramidis. e. pariter accepta ex. 15. quinti: necesse ē enī vt sit duplū ad duplum quēadmodū simplū ad simplū. itaqz cōclude ex. 11. quinti qd p̄positū est. Dormitas autē si dubitas seratilia vnius b̄as pyramidū eque alta esse seratilib⁹ pi- ramidis alterius. cū enī sint pyramidē eque alte: sit quoqz vtraqz eaz diuisa i du- as pyramidē equales sibi totiqz similes z in duo seratilia equalia z sint due pira- les pyramidē eque alte eo qz similes z equales qd facile patebit demissis a vertici- bus p̄tialium pyramidū p̄pendicularibus ad b̄as ipsaz: de quibus p̄pendiculari- ribus ex. 37. vndecimi constat esse equales. Lūqz altitudines b̄as p̄tialium pyrami- dum pariter acceptē cōponunt altitudinē totalis pyramidis diuise. Sintqz ambo seratilia eque alta vni p̄tialium pyramidū ei videlicet que sup p̄tialē triangulum b̄as totalis pyramidis cōponit non est phas ambigere seratilia vnius eaz pira- midū esse eque alta seratilib⁹ alterius eaz. Conelariū vero ex eo manifestū ē qz similiter b̄as p̄tialium pyramidū sic se habeant ad inuicē sicut bina seratilia vni⁹ ad bina seratilia alterius. z qz b̄as p̄tialium sic se habent ad inuicē sicut b̄as totalium ex scda p̄te. 18. sexti z p̄mutata p̄portione constat ex. 13. quinti verū ē quod conelarium proponit. ¶ **Propositio .5.**

¶ Dues due pyramidē eque alte quarum b̄as triangule suis b̄asibus sint proportionales.

¶ Qd. 33. vndecimi p̄posuit de solidis palelogramis z i fine. 36. vii/ decimi v̄ez esse demonstrauimus: de seratilib⁹. hec quinta. 12. p̄po- nit de pyramidibus triangulis. Intelligatur enī due pyramidē eque alte quaz b̄as sunt duo trigoni. a. z. b. dico qz p̄portio pyramidis. a. ad pira- midē. b. est sicut b̄as. a. ad b̄as. b. qd eedem demōstrationis vel argumētatiōis genere demōstrandū ē quo scdam hui⁹ demōstrauimus. sit enī ut b̄as. a. ad b̄as. b. ita p̄ramis. a. ad corpus. c. de quo dico qz ipsū nō erit minus neqz maius piramide. b. nā si possibile ē vt sit min⁹ i solido. d. vt p̄ramis. b. sit cōlis duobus corporibus. c. z. d. pariter acceptis diuisa itaqz piramide. b. vt p̄ponit. 3.

detrahantur ab eo duo seratilia que ex p̄missa sunt maius medietate pyramidis ipsius: itemqz ex vtraqz duarum p̄tialium residuarum pyramidum duo earum p̄dicto modo diuisarum seratilia demantur z fiat hoc totiens quousqz ex pira- mide. b. cogatur aduersariis per primam. 10. confiteri relinqui minus solido. d. eruntqz ex communi scientia seratilia detracta maius. c. fiat igitur a piramide. a. similis seratiliū detractio. z intelligamus tot seratilia detracta esse ex piramide. a. quot detrahimus ex piramide. b. eritqz ex conelario p̄missē sicut b̄as. a. ad b̄as. b. ita seratilia detracta a piramide. a. ad seratilia detracta a piramide. b. sic sed erat p̄ramis. a. ad corp⁹. c. itaqz seratilia pyramidis. a. ad seratilia pyramidis b. sicut p̄ramis. a. ad corpus. c. z p̄mutatim seratilia pyramidis. a. ad piramidē. a. sicut seratilia pyramidis. b. ad corpus. c. Lūqz sint seratilia pyramidis. b. maius corpore. c. erunt seratilia pyramidis. a. maius piramide. a. Et quia hoc ē impossibi- bile nō erit corpus. c. minus piramide. b. sed nec maius. hoc enī posito cum sit p/ portio b̄as. a. ad b̄as. b. sicut pyramidis. a. ad corpus. c. erit eōuerso b̄as. b. ad b̄as. a. sicut corporis. c. ad piramidē. a. Eratqz eadē ex cōmuni scia pyramidis b. ad aliqd corpus qd sit. d. sequetqz ex. 14. quinti qz corpus. d. sit minus piramide a. eo qz p̄ramis. b. ponit minor corp⁹. c. Erat igit b̄as. b. ad b̄as. a. sicut p̄ramis b. ad corpus minus piramide. a. Ex hoc autē demonstratū ē sequi impossibile vide licet seratilia detracta ab aliqua piramide maius eē ea piramide. a. qua detrahunt ideoqz relinquit corpus. c. esse equale piramidi. b. cum nec minus ea possit eē nec maius z p̄portione pyramidis. a. ad piramidē. b. esse sicut b̄as. a. ad b̄as. b. hoc autē erat demōstrandū.

Propositio .6.

¶ Dne corpus seratile in tres pyramidē equales b̄asqz triangulas habentes est diuisibile.

¶ Sit seratile. a. b. c. d. e. f. ipsū dico esse diuisibile in tres pyramidē triangulas equales p̄rabat enī in vnaquaz suaz triuz superficierū palelogramaz lineā diagonalis ita qz vna eaz diagonalū sit cōter/ minalis reliquis duabus ut si p̄rabas lineas. b. d. b. f. z. f. a. quas p̄pter cōfusio/ nē protrahere cōtempsi: eritqz totum seratile in tres triangulas pyramidē diuisū quas ex p̄missa bis assumpta facile cōstat eē equales. Qm̄ autē euclides nihil de/ monstrandum proponit de pyramidibus lateratis exceptis solidis his quaz sunt b̄as triangule vt omnū cognitionē ex elemētis q̄ ponit: sufficienter elicere possi/ mus: quedā arbitramur nō inutile demōstrationibus hic positis adiungere: solis enī elemētis contentus euclides multa p̄missit que quāuis ex eis consequant non tamen sine difficultate patent studentibus: boz primum est hec.

¶ Si duo solida quozqz alterum seratile alterum vero p̄ramis cuius b̄as triangula super eandem b̄asim aut super equales trigonas aut seratile super quadrangulā: p̄ramis vero super trigonā que quadrangule b̄as seratilis sit dimidiū constituta fuerint eque alta seratile pi- ramidi triplum esse conueniet

¶ Si seratile p̄positū fuerit super b̄asim trigonam tunc ex piramide p̄posita sup propriam b̄asim perficiatur seratile piramidi p̄posite eque altum. Si vero seratile fuerit super b̄asim quadrangulam tunc b̄asipiramidis adiciatur triagulus ex quo z b̄as pyramidis perficiatur superficies equidistantium laterum super quā ex ipsa

